

بررسی تأثیر تابع توزیع و روش برآورد تبخیر-تعرق پتانسیل در تعیین شاخص شناسایی خشکسالی

حسین رضایی^۱، ندا خان‌محمدی^{۲*}، مجید منتصری^۳ و جواد بهمنش^۴

۱- دانشیار گروه مهندسی آب، دانشگاه ارومیه

۲- نویسنده مسئول، دکتری مهندسی منابع آب، دانشگاه ارومیه n.khanmohammadi@urmia.ac.ir

۳- دانشیار گروه مهندسی آب، دانشگاه ارومیه

۴- دانشیار گروه مهندسی آب، دانشگاه ارومیه

تاریخ پذیرش: ۹۵/۰۲/۲۵

تاریخ دریافت: ۹۴/۱۲/۵

چکیده

ایران در مناطق خشک و نیمه‌خشک جهان واقع شده و بنابراین پایش خشکسالی در آن دارای اهمیت ویژه‌ای است. ارزیابی خشکسالی بر مبنای شاخص‌های خشکسالی همانند شاخص شناسایی خشکسالی (RDI) امری مرسوم است. بر اساس تعریف، شاخص شناسایی خشکسالی از برازش توزیع لاغر نرمال به مقادیر نسبت بارندگی بر تبخیر-تعرق پتانسیل محاسبه شده توسط روش ترنت‌وایت برآورد می‌شود. در این تحقیق، تأثیر تغییر تابع توزیع و روش برآورد تبخیر-تعرق پتانسیل در تعیین شاخص شناسایی خشکسالی در ایران مورد بررسی قرار گرفت. بدین منظور، از داده‌های ۳۰ ایستگاه سینوپتیک در دوره زمانی ۱۳۹۳ تا ۱۳۹۶ استفاده شد. مقدار تبخیر-تعرق پتانسیل با استفاده از روش پمنم ماتیث فانو به عنوان روش استاندارد محاسبه شد. علاوه بر روش استاندارد، ۲۰ روش مختلف برای برآورد مقدار تبخیر-تعرق مورد استفاده قرار گرفت. روش برتر برآورد تبخیر-تعرق با استفاده از آماره ریشه میانگین مربعات خطا تعیین شد. سپس، با استفاده از مقادیر مختلف تبخیر-تعرق و برازش تابع توزیع احتمالاتی متفاوت، مقدار شاخص شناسایی خشکسالی محاسبه شد. بر اساس نتایج بدست آمده، تغییر تابع توزیع احتمال و روش محاسبه تبخیر-تعرق می‌تواند در تعیین شاخص شناسایی خشکسالی موثر باشد. همچنین، نتایج مقایسه مقادیر شاخص شناسایی خشکسالی محاسبه شده بر اساس برازش مناسب‌ترین تابع توزیع احتمال به مقادیر نسبت بارندگی بر تبخیر-تعرق پتانسیل که با استفاده از دو روش برتر و روش استاندارد برآورد شد، نشان داد که در صورت وجود داده‌های کافی بهتر است از روش پمنم ماتیث فانو برای محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی در ۹۰ درصد ایستگاه‌های مورد مطالعه استفاده نمود.

کلیدواژه‌ها: شاخص شناسایی خشکسالی، تبخیر-تعرق، توزیع لاغر نرمال، خشکسالی.

Investigating the Effect of Distribution Function and Potential Evapotranspiration Assessment Method in Determining Reconnaissance Drought Index

H. Rezaie¹, N. Khanmohammadi^{2*}, M. Montaseri³ and J. Behmanesh⁴

1- Associate Professor, Department of Water Engineering, Urmia University, Iran.

2* - Corresponding Author, Ph.D. in Water Resources Engineering, Department of Water Engineering, Urmia University, Iran

3- Associate Professor, Department of Water Engineering, Urmia University, Iran.

4- Associate Professor, Department of Water Engineering, Urmia University, Iran.

Received: 24 February 2016

Accepted: 14 May 2016

Abstract

Iran is located in arid and semi-arid regions in the world and therefore, drought monitoring has an important role in there. Drought assessment is conventionally based on drought indices such as

Reconnaissance Drought Index (RDI). On the basis of definition, Reconnaissance Drought Index is estimated by fitting Log-normal distribution on the ratio of precipitation to potential evapotranspiration (calculated by Thornthwaite method). In this research, the effect of the change of distribution function and potential evapotranspiration calculation method was investigated in estimating Reconnaissance Drought Index in Iran. For this purpose, meteorological data of 30 synoptic stations were used in the period of 1960-2014. The potential evapotranspiration was calculated using the FAO Penman-Monteith as standard method. Beside standard method, 20 different methods were used to calculate evapotranspiration value. The superior evapotranspiration calculating method was obtained using Root Mean Square Error statistic. Then, the Reconnaissance Drought Index values were calculated using different evapotranspiration values and by fitting several probability distribution functions. On the basis of obtained results, the change of probability distribution function and evapotranspiration calculation method can affect the determining Reconnaissance Drought Index. Also, the comparison results of the calculated Reconnaissance Drought Index based on the fitting the superior probability distribution function on the ratio of precipitation to potential evapotranspiration which was calculated using superior and standard methods showed that the FAO Penman-Monteith method should be used in 90% of the studied stations to calculate Reconnaissance Drought Index in cases of data available.

Keywords: Reconnaissance Drought Index, Evapotranspiration, Log-normal distribution, Drought.

از تحقیق خود، شاخص شناسایی خشکسالی و بارش استاندارد شده را در مالتا^۶ طی بازه زمانی ۴۳ سال مقایسه نموده و نتیجه گرفت که این دو شاخص نتایج مشابهی ارائه می‌دهند. اسدی‌زارچ و همکاران^۷ (۲۰۱۱)، مقادیر شاخص شناسایی خشکسالی و بارش استاندارد شده را در ۴۰ ایستگاه سینوپتیک ایران محاسبه نمودند. ایشان نتیجه گرفتند که همبستگی بین این دو شاخص در بازه‌های زمانی سه، شش و نه ماهه نسبت به بازه‌های زمانی بیشتر، قابل ملاحظه است. نتیجه مقایسه شاخص بارش استاندارد شده و شاخص شناسایی خشکسالی طی بازه زمانی ۳۹ سال در ۱۰ ایستگاه ایران در مطالعه خلیلی و همکاران^۸ (۲۰۱۱) نشان داد که استفاده از داده‌های تبخیر-تعرق، دقت و حساسیت تعیین خشکسالی را افزایش می‌دهد. در تحقیقی دیگر، شاخص‌های بارش استاندارد شده و شناسایی خشکسالی توسط شکوهی (۱۳۹۱) در دو ایستگاه دشت قزوین طی بازه زمانی ۱۹۶۰-۲۰۰۵ مورد آزمون قرار گرفت و نتایج حاصل نشان داد که تفاوت معنی‌دار میان دو شاخص در ارزیابی و پایش خشکسالی در مورد وجود ندارد، با این حال شاخص شناسایی خشکسالی در موردن خشکسالی‌های بسیار شدید، از حساسیت بیشتری برخوردار می‌باشد. همچنین ایشان بیان داشتند که در ارتباط با خشکسالی کشاورزی، در صورت وجود آمار طولانی مدت، شاخص شناسایی خشکسالی موفق‌تر از شاخص بارش استاندارد شده عمل می‌نماید. اسدی و وحدت^۹ (۲۰۱۳)، دو شاخص شناسایی خشکسالی و بارش استاندارد

مقدمه

خشکسالی یکی از پدیده‌های اقلیمی است که در بهنه وسیعی از کشور ایران به شکل‌های متفاوت قابل مشاهده است. این پدیده محدودیت و کمبود منابع آب شیرین، محدودیت رشد گیاهان زراعی و غیر زراعی و افزایش تبخیر-تعرق را به همراه دارد. برای بیان کمی پدیده خشکسالی و همچنین ارزیابی آن در مقیاس‌های مختلف زمانی و مکانی، از شاخص‌های خشکسالی استفاده می‌گردد. از جمله شاخص‌های خشکسالی، شاخص شناسایی خشکسالی (RDI)^۱ می‌باشد که از دو پارامتر بارندگی و تبخیر-تعرق برای بیان کمی خشکسالی استفاده می‌کند (تساکریس و ونگلیس، ۲۰۰۵). با توجه به جدید بودن این شاخص، طی چند سال اخیر، محققان بسیاری در مطالعات خود از آن بهره جسته‌اند.

تساکریس و همکاران^۲ (۲۰۰۷)، در بررسی شاخص شناسایی خشکسالی در دو حوضه در یونان طی دو بازه مختلف زمانی، به این نتیجه رسیدند که این شاخص می‌تواند به عنوان یک شاخص منطقی برای ارزیابی خشکسالی در مناطق با اقلیم متغیر مطرح شود. ایشان بیان داشتند که اگرچه شاخص شناسایی خشکسالی عموماً از مشابهت رفتاری بالایی با شاخص بارش استاندارد شده (SPI^۳) برخوردار است، اما این شاخص حساس‌تر و مناسب‌تر از شاخص بارش استاندارد شده، برای مناطق با تغییرات محیطی، می‌باشد. بورگ^۴ (۲۰۰۹)، در بخشی

1- Reconnaissance Drought Index

2- Tsakiris and Vangelis

3- Tsakiris et al.

4- Standardized Precipitation Index

6- Malta

7- Asadi Zarch et al.

8- Khalili et al.

9- Asadi and Vahdat

اکثر ایستگاه‌های معتبر هواشناسی ایران در مناطق خوب آبیاری شده احداث نشده‌اند و داده‌های برداشت شده در آنها از لحاظ استفاده در محاسبات نیاز آبی دقت مطلوبی ندارد، اصلاح داده‌های برداشت شده از ایستگاه‌ها از عوامل ضروری در کارهای تحقیقاتی می‌باشد. بر اساس مطالب بیان شده، اصلاح داده‌های برداشت شده از ایستگاه‌های کشور بر اساس شرایط مرجع، بررسی تأثیر داده‌های اصلاح شده بر تغییر مقدار شاخص شناسایی خشکسالی محاسبه شده، انتخاب مناسب‌ترین روش برای برآورد تبخیر-تعرق با مرجع قرار دادن روش پمن مانتیث‌فانو، انتخاب مناسب‌ترینتابع توزیع برای برآش داده‌های نسبت بارندگی بر تبخیر-تعرق و محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی بر اساس مناسب‌ترین روش برآورد تبخیر-تعرق و مناسب‌ترین تابع توزیع از اهداف تحقیق حاضر می‌باشد.

مواد و روش‌ها

منطقه مورد مطالعه

ایران با مساحت ۱۶۴۸۱۹۵ کیلومترمربع تقریباً بین عرض‌های شمالی ۲۵ تا ۴۰ درجه و طول‌های شرقی ۴۴ تا ۶۴ درجه قرار دارد. از نظر عرض جغرافیایی، بخش‌های جنوبی ایران در نواحی نسبتاً گرم و بخش‌های شمالی آن در نواحی نیمه‌گرم تا نسبتاً سرد واقع است (قبائی سوق و مساعدی، ۱۳۹۲). در این تحقیق، آمار روزانه داده‌های هواشناسی ۳۰ ایستگاه سینوپتیک واقع در محدوده داخلی ایران، طی یک دوره آماری متشترک ۵۵ سال (۱۳۹۳-۱۴۰۳)، مورد استفاده قرار گرفت. آمار مورد استفاده از سازمان هواشناسی کشور اخذ گردید. در انتخاب ایستگاه‌ها معیارهایی مانند وجود آمار طولانی مدت، نواحی کم آماری و پراکنش مکانی مناسب منظور قرار گرفت. دسته‌بندی اقلیمی ایستگاه‌ها با استفاده از اقلیم‌نمای دومارتن تعیین شده است. جدول (۱) مشخصات ایستگاه‌های مورد مطالعه را نشان می‌دهد.

تعیین شدت خشکسالی بر اساس شاخص شناسایی خشکسالی
شدت خشکسالی می‌تواند بر مبنای شاخص شناسایی خشکسالی مورد ارزیابی قرار گیرد (ونگلیس و همکاران، ۲۰۱۳). مقدار اولیه شاخص برای یک بازه زمانی معین، با استفاده از رابطه (۱) محاسبه می‌شود:

$$\alpha_k = \frac{\sum_{j=1}^{j=k} P_j}{\sum_{j=1}^{j=k} PET_j} \quad (1)$$

که در آن، P_j : بارندگی ماه j ام از سال هیدرولوژیک و PET_j : تبخیر-تعرق پتانسیل ماه j ام از سال هیدرولوژیک می‌باشد. سال هیدرولوژیک برای منطقه مذکور از اکبر شروع می‌شود. لازم

شده را با استفاده از داده‌های هواشناسی استان خراسان طی دوره آماری ۳۰ ساله مقایسه نمودند. نتایج حاصل نشان داد که در بازه‌های زمانی بیشتر، همانند ۱۲ ماهه، مقدار شاخص همبستگی بین دو شاخص افزایش می‌باشد. ونگلیس و همکاران^۱، در بررسی تأثیر روش تعیین تبخیر-تعرق در محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی به این نتیجه رسیدند که روش انتخابی برای تعیین تبخیر-تعرق در محاسبه این شاخص تأثیری ندارد. آنها در مطالعه خود از دو ایستگاه و چهار روش استفاده نمودند. زهتابیان و همکاران^۲ (۲۰۱۳)، دو شاخص بارش استاندارد شده و شناسایی خشکسالی را در شش ایستگاه استان خراسان جنوبی مورد مقایسه قرار دادند. ایشان بر اساس نتایج حاصل بیان داشتند که شاخص شناسایی خشکسالی با در نظر گرفتن مقدار تبخیر-تعرق در محاسبات، نسبت به تغییرات محیطی حساس‌تر بوده و پیچیدگی محاسبات شاخص مذکور مشابه شاخص بارش استاندارد شده می‌باشد. در پنج منطقه از استان فارس نیز دو شاخص شناسایی خشکسالی و بارش استاندارد شده طی دوره ۲۹ ساله توسط شمس‌نیا^۳ (۲۰۱۴)، مورد مقایسه قرار گرفت. ایشان کاربرد شاخص شناسایی خشکسالی را برای ارزیابی خشکسالی در مقیاس‌های کوتاه مدت (یک، سه و شش ماهه) توصیه نمودند.

مقدار شاخص شناسایی خشکسالی، از برآش تابع توزیع لاغ‌نرمال دو پارامتری بر نسبت بارش به تبخیر-تعرق پتانسیل و استاندارد نمودن آن به دست می‌آید (تساکریس و همکاران، ۲۰۰۷). مقدار تبخیر-تعرق در شاخص شناسایی خشکسالی نیز با استفاده از روش ترنوت‌وایت (T) محاسبه می‌شود (قبائی سوق و مساعدی، ۱۳۹۲). برای بررسی مناسب بودن این روش در محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی، قبائی سوق و مساعدی (۱۳۹۲)، تحقیقی را با استفاده از آمار پارامترهای هواشناسی هشت ایستگاه سینوپتیک کشور طی سال‌های ۱۹۵۸ تا ۲۰۰۷ انجام دادند. نتایج ایشان نشان دهنده تغییر وضعیت‌های خشکسالی بر اساس تعییر روش محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی بود. بنابراین با توجه به زیاد بودن تعداد روش‌های محاسبه تبخیر-تعرق و توزیع‌های احتمالی برای برآش نسبت بارندگی به تبخیر-تعرق، بررسی روش‌های دیگر محاسبه این شاخص در ایران امری منطقی است. اما علاوه بر موارد مطرح شده، باید توجه داشت که بیشتر معادله‌های تبخیر-تعرق بر اساس داده‌های هواشناسی ایستگاه‌های مرجع به دست آمده‌اند، حال آن‌که داده‌های هواشناسی غالباً از ایستگاه‌های غیرمراجع به دست می‌آیند. استفاده از این داده‌ها برای برآورد تبخیر-تعرق، ممکن است موجب بروز خطاهای قابل ملاحظه‌ای شود (علیزاده و همکاران، ۱۳۸۵). بنابراین، بر طبق بیان محمدیان و همکاران (۱۳۸۴)، مبنی بر اینکه

1- Vangelis et al.

2- Zehtabian et al.

3- Shamsnia

رضاei و همکاران: بررسی تأثیر تابع توزیع و روش برآورد تبخیر-تعرق...

$$RDI_{st}(k) = \frac{y_k - \bar{y}_k}{\hat{\sigma}_k} \quad (2)$$

که در آن، y_k : لگاریتم طبیعی (α_k) $\alpha_k = \ln(\alpha_k)$ میانگین حسابی y_k و $\hat{\sigma}_k$: انحراف معیار y_k می‌باشد (تساکریس و ونگلیس، ۲۰۰۵).

طبقه‌های مختلف وضعیت خشکسالی در شاخص شناسایی خشکسالی، مشابه با طبقه‌های ارائه شده برای شاخص بارش استاندارد شده می‌باشد (خلیلی و همکاران، ۲۰۱۱) (جدول (۲)).

به ذکر است که محاسبه این شاخص می‌تواند، در صورت لزوم، از هر ماه از سال به جز اکبر، شروع شود (تساکریس و ونگلیس، ۲۰۰۵). بر این اساس، محاسبات از شروع سال آغاز ایران یعنی اول مهر انجام گردید. بر اساس آزمون‌های صورت گرفته در موقعیت‌های متعدد و بازه‌های زمانی مختلف، مقادیر α_k از هر دو توزیع گاما و لگ‌نرمال به خوبی تعیین می‌کند (ونگلیس و همکاران، ۲۰۱۳). با فرض تعیین مقادیر α_k از توزیع لگ‌نرمال، تعریف دوم از این شاخص، شاخص شناسایی خشکسالی استاندارد (RDI_{st})، از فرآیند مشابه فرآیند محاسبه شاخص بارش استاندارد شده پیروی می‌کند (رابطه (۲)):

جدول ۱- موقعیت جغرافیایی و اقلیم ایستگاه‌های مورد مطالعه

ایستگاه	عرض جغرافیایی	طول جغرافیایی	نوع اقلیم (دومارت)	ایستگاه	عرض جغرافیایی	طول جغرافیایی	نوع اقلیم (دومارت)
نیمه‌خشک	۴۷° ۱۲'	۳۳° ۲۴'	کرمانشاه	خشک	۴۸° ۱۲'	۳۰° ۲۴'	آبادان
نیمه‌خشک	۴۸° ۱۸'	۳۳° ۲۴'	خرم‌آباد	خشک	۴۸° ۴۲'	۳۱° ۱۸'	اهواز
نیمه‌خشک	۴۵° ۰۰'	۳۸° ۳۶'	خوی	خشک	۵۸° ۲۴'	۲۹° ۰۶'	بم
نیمه‌خشک	۵۹° ۳۶'	۳۶° ۱۲'	مشهد	خشک	۴۹° ۳۶'	۲۷° ۱۲'	بندرعباس
نیمه‌خشک	۴۵° ۰۶'	۳۷° ۴۲'	ارومیه	خشک	۵۹° ۱۸'	۳۲° ۵۴'	پیرجند
نیمه‌خشک	۵۰° ۰۶'	۳۶° ۱۸'	قزوین	خشک	۵۰° ۴۸'	۲۹° ۰۰'	بوشهر
نیمه‌خشک	۴۷° ۰۰'	۳۵° ۱۸'	سنندج	خشک	۵۱° ۴۲'	۳۲° ۳۰'	اصفهان
نیمه‌خشک	۵۰° ۴۸'	۳۲° ۱۸'	شهرکرد	خشک	۵۷° ۰۰'	۳۰° ۱۸'	کرمان
نیمه‌خشک	۵۲° ۳۶'	۲۹° ۳۶'	شیزار	خشک	۵۷° ۴۲'	۳۶° ۱۲'	سبزوار
نیمه‌خشک	۴۶° ۱۲'	۳۸° ۰۶'	تبریز	خشک	۵۴° ۵۴'	۳۶° ۲۴'	شاہرود
نیمه‌خشک	۵۹° ۱۲'	۳۵° ۱۸'	تریت‌حیدریه	خشک	۵۱° ۱۸'	۳۵° ۴۲'	تهران
نیمه‌خشک	۴۸° ۳۰'	۳۶° ۴۲'	زنجان	خشک	۵۴° ۱۸'	۳۱° ۵۴'	یزد
مرطوب	۵۲° ۴۲'	۳۶° ۴۲'	بابلسر	خشک	۶۰° ۵۴'	۲۹° ۳۰'	راهدان
بسیارمرطوب	۵۰° ۴۲'	۳۶° ۵۴'	رامسر	نیمه‌خشک	۴۹° ۴۸'	۳۴° ۰۶'	اراک
بسیارمرطوب	۴۹° ۳۶'	۳۷° ۱۸'	رشت	نیمه‌خشک	۴۸° ۴۲'	۳۵° ۱۲'	همدان

جدول ۲- طبقه‌بندی وضعیت خشکسالی بر اساس شاخص شناسایی خشکسالی

طبقات خشکسالی	نماد	مقدار شاخص
ترسالی بسیار شدید (EW ^۱)	۳ ت	۲ یا بیشتر
ترسالی شدید (SW ^۲)	۲ ت	۱/۹۹ تا ۱/۵۰
ترسالی متوسط (MW ^۳)	۱ ت	۱/۴۹ تا ۱
نرمال (N ^۴)	ن	۰/۹۹-۰/۹۹ تا ۱/۹۹
خشکسالی متوسط (MD ^۵)	۱ خ	-۱/۴۹ تا -۱
خشکسالی شدید (SD ^۶)	۲ خ	-۱/۵۰ تا -۱/۹۹
خشکسالی بسیار شدید (ED ^۷)	۳ خ	-۲ یا کمتر

1- Extremely Wet

2- Severe Wet

3- Moderately Wet

4- Normal

5- Moderately Drought

6- Severe Drought

7- Extremely Drought

$$T_{dew(adj)} = T_{dew} + K_d(MDD - 2) \quad (7)$$

در روابط (۴) تا (۷)؛ دمای حداقل، T_{dew} : دمای نقطه شبنم، $T_{min(adj)}$: دمای حداقل اصلاح شده، $T_{max(adj)}$: دمای حداکثر اصلاح شده، $T_{dew(adj)}$: دمای نقطه شبنم اصلاح شده، T_{max} : دمای حداکثر و K_x ، K_n و K_d : ضرایب اصلاحی دما به ترتیب برای داده‌های دمای حداقل، دمای حداکثر و دمای نقطه شبنم در ۳۰ ایستگاه مورد مطالعه می‌باشند. مقدار ضرایب اصلاحی برای هر ایستگاه، از نسبت شیب‌های برازش داده شده بر نمودارهای دمای حداقل، دمای حداکثر یا دمای نقطه شبنم در مقابل نسبت بارندگی به تبخیر-تعرق بدست آمد و مقدار تبخیر-تعرق بر اساس داده‌های اصلاح شده محاسبه شد.

مشکل اصلی روش پنمن‌ماتیث‌فائقه برای برآورد تبخیر-تعرق، نیازمندی آن به داده‌های هواشناسی متعدد است که برای بسیاری از مناطق همواره در دسترس نیست. بنابراین، علاوه بر روش استاندارد، مقادیر تبخیر-تعرق با استفاده از ۲۰ روش مختلف محاسبه شد. جدول (۳) نشان‌دهنده روش‌های به کار رفته برای محاسبه تبخیر-تعرق می‌باشد. لازم به ذکر است که روش ترننتوایت که روشی رایج برای محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی است، جزء روش‌های مورد استفاده در بین این ۲۰ روش می‌باشد. برای تعیین بهترین روش برآورد تبخیر-تعرق در شرایط نبود آمار کافی برای استفاده از روش پنمن‌ماتیث‌فائقه، آماره ریشه میانگین مربعات خطأ (RMSE) مورد استفاده قرار گرفت:

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (\hat{X}_i - X_i)^2}{N}} \quad (8)$$

که در آن N : اندازه نمونه، \hat{X}_i : مقادیر تبخیر-تعرق تخمینی از روش موردنظر و X_i : مقادیر تبخیر-تعرق تخمینی از روش استاندارد می‌باشد.

برای برآورد شاخص شناسایی خشکسالی نیاز به داده‌های بارندگی و تبخیر-تعرق می‌باشد. بارندگی جزء داده‌های ثبت شده می‌باشد، اما میزان تبخیر-تعرق باید برآورد گردد. کاربرد روش پنمن‌ماتیث‌فائقه، به عنوان یک روش استاندارد، برای برآورد تبخیر-تعرق در محاسبه شاخص مذکور می‌تواند مفید باشد. رابطه (۳) نحوه محاسبه تبخیر-تعرق پتانسیل با استفاده از روش پنمن‌ماتیث‌فائقه را نشان می‌دهد:

$$ET_0 = \frac{0.408\Delta(R_n - G) + \gamma \left[\frac{900}{T + 273} \right] U_2(e_s - e_a)}{\Delta + \gamma(1 + 0.34U_2)} \quad (3)$$

که در آن، ET_0 : تبخیر-تعرق پتانسیل (میلی‌متر بر روز)، R_n : تابش خالص در سطح پوشش گیاهی (مگاژول بر مترمربع بر روز)، G : شار گرمایی بر مترمربع بر روز، T : متوسط دمای هوا در ارتفاع دو متری از سطح زمین (درجه سانتیگراد)، U_2 : متوسط سرعت باد در ارتفاع دو متری از سطح زمین (متر بر ثانیه)، e_s : فشار بخار اشباع (کیلوپاسکال)، e_a : فشار بخار واقعی (کیلوپاسکال)، $e_s - e_a$: کمبود فشار بخار اشباع (کیلوپاسکال)، Δ : شیب منحنی فشار بخار اشباع (کیلوپاسکال بر درجه سانتیگراد) و γ : ضریب رطوبتی (کیلوپاسکال بر درجه سانتیگراد) می‌باشد. لازم به ذکر است در استفاده از این روش باستی از داده‌های مربوط به ایستگاه‌های غیرمراجع باستی تحت شرایطی اصلاح شوند (محمدیان و همکاران، ۱۳۸۴). برای این منظور، ابتدا مقدار اختلاف دمای حداقل و دمای نقطه شبنم طبق رابطه (۴) محاسبه می‌شود. در صورتی که مقدار این اختلاف از دو بیشتر شود، مقادیر دمای حداقل، دمای حداکثر و دمای نقطه شبنم باستی اصلاح شوند (۵) تا (۷) اصلاح شوند (محمدیان و همکاران، ۱۳۸۴).

$$MDD = T_{min} - T_{dew} > 2 \quad (4)$$

$$T_{min(adj)} = T_{min} - K_n(MDD - 2) \quad (5)$$

$$T_{max(adj)} = T_{max} - K_x(MDD - 2) \quad (6)$$

رضایی و همکاران: بررسی تأثیر تابع توزیع و روش برآورد تبخیر-تعرق...

جدول ۳- فرمول‌های به کار رفته در تحقیق برای محاسبه تبخیر-تعرق

منبع و توضیحات	معادله تبخیر-تعرق	معادله تبخیر-تعرق	منبع و توضیحات
روش ایرماک (۱) جیدری و همکاران، (۲۰۱۳)	$ET_0 = -0.61 \ln + 0.149 R_s + 0.079 T$	$ET_0 = 1.26 \frac{\Delta}{\Delta + \gamma} \left(\frac{R_n - G}{\lambda} \right)$	روش پریستلی-تایلور (پریستلی و تیلور، ۱۹۷۲)
روش ایرماک (۲) جیدری و همکاران، (۲۰۱۳)	$ET_0 = 0.489 + 0.289 R_n + 0.023 T$	$ET_0 = 16 \left(\frac{T}{RH} \right)$	روش اسچندرل ^۳ (دجامان و همکاران، ۲۰۱۵)
روش مک‌کینگ (دجامان و همکاران، (۲۰۱۵))	$ET_0 = 0.61 \frac{\Delta}{\Delta + \gamma} \frac{R_s}{\lambda} - 0.12$	$ET_0 = a_T \times 0.013 \frac{T}{T+15} \times \frac{23.88 R_s + 50}{\lambda}$ $\begin{cases} a_T = 1 & RH > 50\% \\ a_T = 1 + \frac{(50-RH)}{70} & RH < 50\% \end{cases}$	روش تورک (دجامان و همکاران، ۲۰۱۵)
روش مک‌کینگ اصلاح شده (دجامان و همکاران، (۲۰۱۵))	$ET_0 = 0.7 \frac{\Delta}{\Delta + \gamma} \frac{R_s}{\lambda}$	$ET_0 = a + b [p(0.46T + 8.13)]$ $a = 0.0043 RH_{\min} - \frac{n}{N} - 1.41$ $b = 0.82 - 0.0041 RH_{\min} + 1.07 \frac{n}{N} + 0.066U$ $- 0.006 RH_{\min} \frac{n}{N} - 0.0006 RH_{\min} U$	روش بلاپی کریبل (راکز و همکاران، ۲۰۱۳)
روش اوین و همکاران (اوین و همکاران، (۲۰۱۰))	$ET_0 = \begin{cases} 0.408 Ra(T+5) & (T+5) > 0 \\ 100 & otherwise \end{cases}$	$ET_0 = (0.1298 + 0.0934U) \cdot (e_s - e_a)$	WMO روشن (راکز و همکاران، ۲۰۱۳)
روش رمانکو ^۴ اصلاح شده (دجامان و همکاران، (۲۰۱۵))	$ET_0 = 4.5 \left[1 + \frac{T}{25} \right] 2 \left(1 - \frac{e_a}{e_s} \right)$	$ET_0 = C_T \times (T - T_x) \times R_s$ $C_T = 1 / (C_1 + 7.3 C_h)$ $C_1 = 38 - \frac{2h}{305}, \quad C_h = \frac{50}{e_s \max - e_s \min}$ $T_x = -2.5 - 0.14(e_s \max - e_s \min) - \frac{h}{550}$	روش جنسن-هیز اصلاح شده (ال‌کوبی، ۲۰۰۰)
روش مهرینگر ^۵ (راکز و همکاران، (۲۰۱۳))	$ET_0 = 0.1572 \sqrt{3.6U} (e_s - e_a)$	$ET_0 = 0.0102(T + 3.36) R_s$	روش جنسن-هیز (استیل و همکاران، ۱۹۹۶)
روش تابش فانو ^۶ (بختیاری و همکاران، (۲۰۱۱))	$ET_0 = -0.3 + b \left(\frac{\Delta}{\Delta + \gamma} R_s \right)$ $b = 1.066 - 0.13 \times 10^{-2} RH + 0.045U - 0.2 \times 10^{-3} RH \cdot U - 0.315 \times 10^{-4} RH^2 - 0.11 \times 10^{-2} U^2$	$ET_0 = 0.0023 \times R_a (T_{\max} - T_{\min})^{0.5} \times (T + 17.8)$	روش هارگریوز-سامانی (روزانی و همکاران، ۲۰۱۲)
روش پنمن (زو و سینگ، (۱۹۹۸))	$ET_0 = 0.35 [(1 + 0.24U) \times (e_s - e_a)]$	$ET_0 = 0.003 R_a TD^{0.4} (T + 20)$	روش هارگریوز-سامانی اصلاح شده (روزانی و همکاران، ۲۰۱۲)
روش لیتاکر ^۷ (زو و سینگ، (۲۰۰۱))	$ET_0 = \frac{500 T_m / (100 - A) + 15(T - T_d)}{80 - T}$ $T_m = T + 0.006h$	$ET_0 = 16 N_m \left(\frac{10T}{I} \right)^a, \quad I = \sum_{n=1}^{12} \left(\frac{T}{5} \right)^{1.514}$ $a = (6.75 \times 10^{-7}) I^3 - (7.71 \times 10^{-5}) I^2 + (1.792 \times 10^{-2}) I + 0.492$	روش تربت وایت (توکیمات و همکاران، ۲۰۱۲)

- 1- Priestley and Taylor
- 2- Heydari *et al.*
- 3- Schendel
- 4- Djaman *et al.*
- 5- Racz *et al.*
- 6- Oudin *et al.*
- 7- Al-Ghabari
- 8- Romanenko
- 9- Steele *et al.*
- 10- Mahringer
- 11- Ravazzani *et al.*
- 12- Bakhtiari *et al.*
- 13- Xu and Singh
- 14- Tukimat
- 15- Linacre

نتایج و بحث

داده‌های دمای مربوط به ۳۰ ایستگاه سینوپتیک کشور بر اساس شرایط مرجع اصلاح شد و مقادیر تبخیر-ترعرق سالانه برای هر دو سری داده دمای مشاهداتی و اصلاح شده محاسبه گردید.

بر اساس نتایج بدست آمده، ضرایب اصلاحی دما و مقادیر ضریب تصحیح (نسبت تبخیر-ترعرق محاسبه شده بر مبنای داده‌های دمای اصلاح شده ($ET_{0(\text{adj})}$) بر تبخیر-ترعرق محاسبه شده توسعه داده‌های مشاهداتی (ET_0) در جدول (۴) ارائه شده است. نتایج جدول (۴) نشان می‌دهد که ضریب تصحیح در سه ایستگاه موجود در اقلیم مربوط و بسیار مربوط، دارای مقادیر یک می‌باشد، که با توجه به مربوط بودن منطقه امری کاملاً منطقی است. با توجه به نتایج این جدول، در مابقی ایستگاه‌ها، مقادیر این ضریب کمتر از مقادیر بک بوهد و نشان‌دهنده اهمیت اصلاح داده‌های دما برای شرایط مرجع و تأثیرپذیری مقادیر داده‌های تبخیر-ترعرق از این تغییر در ایستگاه‌های واقع در اقلیم‌های نیمه‌خشک و خصوصاً خشک می‌باشد. نتایج جدول مذکور، هم‌خوانی بسیار خوبی با نتایج محمدیان و همکاران (۱۳۸۴) دارد. با توجه به تأثیرپذیری مقادیر تبخیر-ترعرق از تصحیح داده‌های دما (جدول (۴)، نقش این تغییر در بیان کمی خشکسالی مورد بررسی قرار گرفت. بدین منظور، مقادیر شاخص شناسایی خشکسالی با برآذش توزیع لاغرمنال به مقادیر نسبت بارندگی بر تبخیر-ترعرق برآورده شده از روش ترنوتاویت و با به کارگیری هر دو سری داده مشاهداتی و تصحیح شده محاسبه شد. جدول (۵) تعداد و چگونگی تغییر فراوانی (دفعات وقوع) هر یک از طبقات مختلف خشکسالی تعریف شده بر اساس شاخص شناسایی خشکسالی را که توسط داده‌های مشاهداتی و اصلاح شده بر اساس شرایط مرجع محاسبه شده است، بهطور مقایسه‌ای برای هر یک از ایستگاه‌های مورد بررسی در دوره آماری موردمطالعه نشان می‌دهد. در این جدول از ارائه نتایج برای اقلیم‌های مربوط و بسیار مربوط با توجه به ضرایب تصحیح برابر واحد اجتناب گردید. با توجه به نتایج جدول (۵) ملاحظه می‌شود که اصلاح داده‌های دما در ایستگاه‌های واقع در دو اقلیم خشک و نیمه‌خشک ایران، روی مقادیر شاخص شناسایی خشکسالی در این منطقه تأثیرگذار بوده و باعث تغییر فراوانی وضعیت‌های مختلف خشکسالی شده است. با توجه به نتایج این جدول، بیشترین تغییر فراوانی وضعیت‌های مختلف خشکسالی (بیشتر از ۱۰ مورد) در ایستگاه‌های اهواز، همدان، یزد، کرمان، تهران و اراک و کمترین تغییر فراوانی وضعیت‌های مختلف خشکسالی (دو مورد) در ایستگاه‌های بیرون‌جند، اصفهان، شاهroud و خوی اتفاق افتاده است.

بر اساس نتایج جدول (۵)، بهطور متوسط، کمترین تغییر مربوط به وضعیت ترسالی و خشکسالی بسیار شدید می‌باشد که با توجه به رخداد کم این وضعیت‌ها در مناطق موردمطالعه امری منطقی است. نتایج این جدول همچنین نشان می‌دهد که به‌طور متوسط، مجموع

علاوه بر انتخاب روش مناسب برآورده تبخیر-ترعرق پتانسیل، انتخاب تابع توزیع احتمالاتی مناسب برای برآذش مقادیر بارندگی به تبخیر-ترعرق خصوصی است. راجح‌ترین توزیع برای محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی، تابع توزیع احتمال لاغرمنال می‌باشد.

بر اساس مطالب بیان شده، پنج مقدار مختلف برای شاخص شناسایی خشکسالی (RDI) تعریف گردید:

- شاخص (ترنوتاویت-لاغرمنال): مقدار شاخص محاسبه شده بر اساس روش ترنوتاویت و توزیع لاغرمنال
- شاخص (روش منتخب-لاغرمنال): مقدار شاخص محاسبه شده بر اساس توزیع لاغرمنال و روش برآورده تبخیر-ترعرق انتخابی با استفاده از آماره ریشه میانگین مربعات خطای بین ۲۰ روش مورد استفاده با مرتع قرار دادن روش استاندارد
- شاخص (ترنوتاویت-توزیع برتر): مقدار شاخص محاسبه شده بر اساس روش ترنوتاویت و توزیع برتر
- شاخص (روش منتخب-توزیع برتر): مقدار شاخص محاسبه شده بر اساس روش منتخب تبخیر-ترعرق و توزیع برتر
- شاخص (روش استاندارد-توزیع برتر): مقدار شاخص محاسبه شده بر اساس روش استاندارد و توزیع برتر

در این تحقیق، برای بیان نقش اصلاح داده‌های دما در تعیین شاخص شناسایی خشکسالی، مقدار شاخص برای دو سری داده دمای مشاهداتی و اصلاح شده بر اساس شرایط مرجع محاسبه و میزان تغییر طبقات مختلف خشکسالی تعیین شد. در ادامه تحقیق، از مقادیر اصلاح شده بر اساس شرایط مرجع استفاده شد. ابتدا مقدار شاخص بر اساس برآذش تابع توزیع لاغرمنال به مقادیر بارندگی بر تبخیر-ترعرق برآورده شده از روش ترنوتاویت تعیین شد. سپس مقدار دارای شاخص با تغییر روش محاسبه تبخیر-ترعرق به روش برتر که دارای کمترین اختلاف با روش استاندارد می‌باشد (حداقل ریشه میانگین مربعات خطای) و بعد از آن با تغییر تابع توزیع برآذش یافته به مقادیر بارندگی بر تبخیر-ترعرق محاسبه شد. برای تغییر تابع توزیع به کار توزیع پیوسته (با در نظر گرفتن توزیع لاغرمنال) به مقادیر نسبت بارندگی بر تبخیر-ترعرق، توسط نرم‌افزار ایزی فیت نسخه ۱/۵/۵ برآذش یافت و آزمون کلموگروف-اسمیرنف، برای بررسی نکوئی برآذش توزیع‌های مختلف آماری و انتخاب مناسب‌ترین توزیع به کار رفت. مقدار شاخص همچنین، بر اساس برآذش مناسب‌ترین تابع توزیع به مقادیر بارندگی بر تبخیر-ترعرق محاسبه شده از روش برتر تعیین شد. در نهایت، اختلاف بین شاخص (روش منتخب-توزیع برتر) و شاخص (روش استاندارد-توزیع برتر) محاسبه شد تا مقدار تغییر شاخص در شرایط کمیود داده و استفاده از روشنی غیر از روش استاندارد مشخص شود. لازم بذکر است، تمامی محاسبات با برنامه‌نویسی در محیط اکسل انجام یافت.

رضايی و همکاران: بررسی تأثیر تابع توزیع و روش برآورد تبخیر-تعرق...

می‌توان نتیجه‌گیری نمود که برای تمامی ایستگاه‌های مورد مطالعه، تغییر وضعیت‌های مختلف خشکسالی حداقل دو مورد بوده که لزوم اصلاح داده‌ها بر اساس شرایط مرجع را نشان می‌دهد.

تغییرات فراوانی طبقات مختلف خشکسالی در اقلیم خشک (نه مورد) با توجه به خشکتر بودن ایستگاه‌ها، بیشتر از اقلیم نیمه‌خشک (شش مورد) می‌باشد. به طور کلی از مقادیر ستون مجموع در جدول (۵)

جدول ۴- مقادیر ضرایب اصلاحی دما و ضریب تصحیح ($ET_0/ET_{0(\text{adj})}$) در ایستگاه‌های مورد مطالعه

ایستگاه	ضریب تصحیح	K_n	K_x	K_d	ایستگاه	ضریب تصحیح	K_n	K_x	K_d	ایستگاه
آبادان	۰/۷۲	۰/۸۷	۱/۴۶	۰/۱۳	کرمانشاه	۰/۶۳	۰/۸۴	۱/۲۱	۰/۱۶	
اهواز	۰/۷۷	۰/۸۵	۱/۳۸	۰/۱۵	خرم آباد	۰/۶۵	۰/۸۵	۱/۲۵	۰/۱۵	
بم	۰/۹۶	۰/۵۸	۰/۸۵	۰/۴۲	خوی	۰/۵۸	۰/۸۴	۰/۹۱	۰/۱۶	
بندرعباس	۰/۸۰	۰/۷۵	۱/۰۳	۰/۲۵	مشهد	۰/۹۵	۰/۵۴	۰/۵۳	۰/۴۶	
بیرجند	۰/۹۴	۰/۵۷	۰/۷۷	۰/۴۳	ارومیه	۰/۶۰	۰/۸۹	۱/۲۳	۰/۱۱	
بوشهر	۰/۸۶	۰/۶۳	۰/۹۲	۰/۳۷	قزوین	۰/۹۲	۰/۵۶	۰/۶۲	۰/۴۴	
اصفهان	۰/۸۰	۰/۷۹	۱/۱۹	۰/۲۱	سنندج	۰/۶۸	۰/۷۸	۱/۰۱	۰/۲۲	
کرمان	۰/۹۰	۰/۶۴	۱/۰۸	۰/۳۶	شهرکرد	۰/۶۰	۰/۸۹	۱/۳۳	۰/۱۱	
سیزوار	۰/۷۱	۰/۸۳	۱/۱۶	۰/۱۷	شیراز	۰/۶۲	۰/۷۸	۰/۹۸	۰/۲۲	
شاہرود	۰/۷۳	۰/۶۷	۰/۸۵	۰/۳۳	تبریز	۰/۷۸	۰/۶۳	۰/۸۰	۰/۳۷	
تهران	۰/۷۴	۰/۷۸	۰/۹۹	۰/۲۲	ترتیت حیدریه	۰/۶۰	۰/۷۴	۰/۹۱	۰/۲۶	
یزد	۰/۹۰	۰/۶۰	۰/۹۰	۰/۴۰	زنجان	۰/۵۲	۰/۹۲	۱/۱۷	۰/۰۸	
Zahedan	۱/۰۰	۰/۵۴	۰/۵۹	۰/۴۶	بابلسر	۰/۵۴	۰/۹۷	۱/۴۰	۰/۰۳	
اراک	۱/۰۰	۰/۵۵	۰/۵۸	۰/۴۵	رامسر	۰/۷۶	۰/۷۶	۱/۰۷	۰/۲۴	
همدان	۱/۰۰	۰/۵۶	۰/۷۰	۰/۴۴	رشت	۰/۸۴	۰/۷۱	۱/۱۵	۰/۲۹	

جدول ۵- تغییر فراوانی وضعيت‌های مختلف خشکسالی بر مبنای شاخص شناسایی خشکسالی محاسبه شده توسط داده‌های مشاهداتی و اصلاح شده بر اساس شرایط مرجع در دوره آماری مورد مطالعه

رضاپی و همکاران: بررسی تأثیر تابع توزیع و روش برآورده تبخیر-تعرق...

ترننتوایت نسبت به روش منتخب، مشابه نتایج مطالعه قبائی سوق و مساعدي (۱۳۹۲) می‌باشد.

برای نشان دادن تأثیر تغییر روش رایج برآورده تبخیر-تعرق در محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی، با کاربرد توزیع لاغنرمال به عنوان توزیع رایج برای محاسبه شاخص مذکور، مقادیر شاخص (ترننتوایت-لاغنرمال) و شاخص (روش منتخب-لاغنرمال) برآورد شد. جدول (۲) نتایج اختلاف مقادیر فراوانی وضعیت‌های مختلف خشکسالی محاسبه شده توسط این دو شاخص را در دوره آماری موردمطالعه نشان می‌دهد. ملاحظه مقادیر ستون مجموع در جدول (۲) نشان می‌دهد که تغییر روش محاسبه تبخیر-تعرق (از روش ترننتوایت به روش برتر)، در همه ایستگاه‌ها، حتی در ایستگاه‌های واقع در اقلیم‌های مرتبط و بسیار مرتبط که روش ترننتوایت نتایج نسبتاً خوبی ارائه داده است، باعث حداقل دو و حداقل ۱۲ مورد اختلاف شده است. ایستگاه‌های سیزوار، شاهroud و رشت بیشترین تعداد اختلاف را در بین ایستگاه‌های دیگر دارا می‌باشند. کمترین تغییر نیز مربوط به ایستگاه‌های اهواز، بندرعباس، یزد، کرمانشاه، مشهد و قزوین می‌باشد. ایستگاه شاهroud تنها ایستگاهی است که با تغییر روش تعیین تبخیر-تعرق در همه طبقات دچار تغییر شده است. همانند نتایج قبائی سوق و مساعدي (۱۳۹۲)، در این تحقیق نیز به کارگیری روش ترننتوایت در محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی می‌تواند به تغییر در فراوانی وضعیت‌های مختلف خشکسالی منجر شود.

ازدیایی تأثیر تغییر روش رایج برآورده تبخیر-تعرق (ترننتوایت) در تعیین شاخص شناسایی خشکسالی

جدول (۶) نشان دهنده روش برتر محاسبه تبخیر-تعرق بر اساسداده‌های اصلاحی و نتایج آماره ریشه میانگین مربعات خطای دو روش ترننتوایت و روش برتر (منتخب) با مبنای قرار دادن روش پمنماتیش‌فانو برای همه ایستگاه‌های موردمطالعه می‌باشد. با توجه به نتایج آماره مذکور در جدول (۶) ملاحظه می‌شود که مقدار این آماره برای روش ترننتوایت بیشتر از روش برتر بوده که این امر نشان دهنده عملکرد بهتر روش منتخب نسبت به روش ترننتوایت در منطقه موردمطالعه می‌باشد. دو روش هارگریوز-سامانی اصلاح شده و مک‌کینگ (۱) بیشتر از دیگر روش‌ها، مقادیری نزدیکتر به روش استاندارد ارائه داده‌اند. روش‌های هارگریوز-سامانی و بلانی کریدل در درجه بعدی قرار دارند. همچنین با توجه به نتایج این جدول، ملاحظه می‌شود که در هیچ‌کدام از ایستگاه‌ها، روش ترننتوایت، روش برتر برای منطقه موردمطالعه نمی‌باشد؛ ابتدا نباید بودن روش ترننتوایت و کم بودن پارامترهای موردنیاز این روش را نادیده گرفت، اما در صورت وجود آمار، بهتر است در درجه اول روش استاندارد و در درجات بعدی، روش‌های دارای آمار نزدیک به این روش برای برآورده تبخیر-تعرق در ایستگاه‌های ایران مورد استفاده قرار گیرند. مقادیر بالای آماره ریشه میانگین مربعات خطای در این مطالعه برای روش

**جدول ۶- مناسب ترین معادله برآورده تبخیر-تعرق به همراه نتایج آماره ریشه میانگین مربعات خطای (میلی متر بر روز)
برای دو روش برتر و ترننتوایت**

ایستگاه	برترین معادله	ریشه میانگین مربعات خطای		ایستگاه	برترین معادله	ریشه میانگین مربعات خطای	
		روشن برتر	رننتوایت			روشن برتر	رننتوایت
آبادان	چنسن-هیز	۰/۴۹	۰/۴۸	آبادان	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۴۴	۰/۴۲
اهواز	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۴۴	۰/۴۲	اهواز	مک‌کینگ (۱)	۰/۴۴	۰/۸۲
به	مک‌کینگ (۱)	۰/۴۴	۰/۸۹	به	بلانی کریدل	۰/۴۹	۳/۰۰
بندرعباس	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۳۳	۰/۷۵	بندرعباس	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۳۳	۰/۳۱
بیرون‌جند	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۳۳	۰/۸۲	بیرون‌جند	بوشهر	۰/۵۴	۰/۳۵
بوشهر	WMO	۰/۵۴	۰/۵۴	بوشهر	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۲۲	۰/۳۳
اصفهان	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۲۲	۰/۵۴	اصفهان	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۳۴	۰/۹۰
کرمان	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۳۴	۰/۹۰	کرمان	سیزوار	۰/۵۲	۰/۸۴
سیزوار	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۵۲	۰/۸۴	سیزوار	شاہرود	۰/۳۴	۰/۵۳
شاہرود	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۳۴	۰/۵۳	شاہرود	تهران	۰/۱۹	۰/۳۵
تهران	مک‌کینگ (۱)	۰/۱۹	۰/۳۵	تهران	یزد	۰/۲۶	۰/۵۲
یزد	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۲۶	۰/۵۲	یزد	Zahedan	۰/۳۵	۰/۵۲
Zahedan	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۳۵	۰/۷۷	Zahedan	اراک	۰/۲۵	۰/۳۶
اراک	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۲۵	۰/۳۶	اراک	همدان	۰/۳۸	۰/۰۵
همدان	هارگریوز-سامانی اصلاح شده	۰/۳۸	۰/۰۵	همدان			

جدول ۷- تغییر فراوانی وضعیت‌های مختلف خشکسالی با تغییر روش رایج برآورد تبخیر-تعرق

ایستگاه										ایستگاه									
۳	۲	خ	۱	خ	۱	ن	۱	ت	۲	ت	۳	ت	۱	خ	۲	خ	۳	مجموع	
۲	۰	۰	۱	۱	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱	۲	۱	۰	۰	آبادان
۶	۱	۰	۲	۱	۱	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	اهواز
۴	۰	۰	۰	۱	۲	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	بم
۲	۰	۰	۰	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	بندرعباس
۶	۱	۱	۱	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	بیرجند
۲	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	بوشهر
۸	۰	۰	۰	۱	۲	۳	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	اصفهان
۸	۰	۱	۲	۲	۲	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	کرمان
۸	۰	۱	۱	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	سیزوار
۶	۰	۰	۰	۱	۲	۲	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	شاهرود
۴	۰	۰	۰	۰	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	تهران
۱۰	۱	۱	۱	۳	۳	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	یزد
۶	۰	۱	۱	۳	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	Zahدان
۸	۱	۱	۱	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	اراک
۱۲	۲	۳	۰	۰	۱	۳	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	همدان

جدول ۸- مناسب ترین تابع توزیع احتمال برآذش یافته به مقادیر نسبت بارندگی بر تبخیر-تعرق (برآورده شده از روش تونت‌وایت) و نتایج آماره کلموگروف-اسمیرنوف برای ایستگاه‌های مورد مطالعه

D _{max}	مناسب‌ترین توزیع	ایستگاه	D _{max}	مناسب‌ترین توزیع	ایستگاه	°D _{max}	مناسب‌ترین توزیع	ایستگاه
۰/۰۵	Burr	قزوین	۰/۰۹	Dagum	تهران	۰/۰۹	Log-Logistic(3P)	آبادان
۰/۰۶	Dagum (4P)	سنندج	۰/۰۸	Johnson SB	یزد	۰/۰۸	Weibull (3P)	اهواز
۰/۰۷	Dagum (4P)	شهرکرد	۰/۰۷	Inv. Gaussian	Zahدان	۰/۰۷	Rayleigh (2P)	بم
۰/۰۵	Dagum	شیراز	۰/۰۵	Dagum (4P)	اراک	۰/۰۸	Fatigue Life (3P)	بندرعباس
۰/۰۶	Rayleigh (2P)	تبریز	۰/۰۷	Dagum	همدان	۰/۰۸	Burr (4P)	بیرجند
۰/۰۵	Dagum (4P)	تربیت‌حیدریه	۰/۰۸	Dagum	کرمانشاه	۰/۰۷	Rayleigh (2P)	بوشهر
۰/۰۸	Gen. Extreme Value	زنجان	۰/۰۴	Johnson SB	خرم‌آباد	۰/۰۷	Johnson SB	اصفهان
۰/۰۶	Weibull	بابلسر	۰/۰۶	Johnson SB	خوی	۰/۰۸	Dagum	کرمان
۰/۰۵	Burr (4P)	رامسر	۰/۰۷	Rayleigh (2P)	مشهد	۰/۰۸	Johnson SB	سیزوار
۰/۰۵	Gamma	رشت	۰/۰۵	Johnson SB	ارومیه	۰/۰۷	Burr	شاهرود

* آماره کلموگروف-اسمیرنوف: آماره کلموگروف-اسمیرنوف نشان‌دهنده قدر مطلق حداقل نفاوت بین مقادیر واقعی و مقادیر تخمین زده شده از توزیع‌های توری می‌باشد و اگر این آماره مقداری کمتر از مقدار بحرانی داشته باشد، نشان‌دهنده این امر است که نفاوت معنی‌دار بین توزیع تجربی داده‌ها و توزیع توری وجود ندارد.

رضایی و همکاران: بررسی تأثیر تابع توزیع و روش برآورد تبخیر-تعرق...

مقادیر نسبت بارندگی بر تبیخیر-تعرق محاسبه شده از روش ترنت-وایت در دوره آماری موردمطالعه می باشد (مقایسه شاخص (ترن特-وایت-لاغنرمال) و شاخص (ترنوت-وایت-توزیع برتر)). با توجه به مقادیر این جدول، بیشترین تغییر مربوط به ایستگاه بیرجند و ایستگاه های اصفهان، کرمانشاه، قزوین و شیراز با بیش از ۱۰ مورد تغییر دفات وقوع طبقات خشکسالی می باشد. در ایستگاه اراک تغییر مشاهده نشد، در حالی که، ایستگاه ارومیه در این شرایط، دستخوش تغییر در تمامی طبقات خشکسالی شده است.

با بررسی هم زمان نتیجه جدول های (۷) و (۹) ملاحظه می شود که به جز در سه ایستگاه اراک، تبریز و رامسر، در باقی ایستگاه ها، برای محاسبه شاخص شناسابی خشکسالی، تأثیر تغییر تابع توزیع احتمال رایج برآش یافته به مقادیر نسبت بارندگی بر تبیخیر-تعرق بیشتر از تأثیر تغییر روش رایج برآورده تبیخیر-تعرق می باشد.

ارزیابی تأثیر تغییرتابع توزیع احتمال رایج (لاگ-) فرمال) در تعیین شاخص شناسایی خشکسالی نتایج حاصل از برآش مناسب‌ترین تابع توزیع احتمال بر اساس آماره کلموگروف-اسمیرنوف (D_{\max}) در برآورد شاخص شناسایی خشکسالی در ایستگاه‌های موردبررسی در جدول (۸) آورده شده است. لازم به ذکر است مقادیر بحرانی آماره این آزمون با توجه به تعداد سال‌های مورد مطالعه، در سطح اعتماد یک و پنج درصد به-تر ترتیب، برابر 0.218 و 0.181 هستند. با توجه به نتایج جدول (۸) و مقادیر بحرانی آماره کلموگروف-اسمیرنوف ملاحظه می‌شود که توابع برآش یافته به مقادیر نسبت بارندگی بر تبخیر-تعرق در سطح اطمینان یک و پنج درصد، توابع مناسبی می‌باشند.

جدول (۹) نشان‌دهنده تغییرات دفعات وقوع هر یک از وضعیت‌های خشکسالی، با کاربرد مناسب‌ترین تابع توزیع برآش یافته به

جدول ۹- تغییرات دفعات وقوع هر یک از وضعیت‌های خشکسالی بر مبنای شاخص شناسایی خشکسالی با انتخاب مناسب ترین قابع توزیع احتمال در دوره آماری مورد مطالعه

ایستگاه	مجموع										مجموع									
	۳ خ	۲ خ	۱ خ	ن	ت	۱ ت	۲ ت	۳ ت	ایستگاه	۳ خ	۲ خ	۱ خ	ن	ت	۱ ت	۲ ت	۳ ت			
آبادان	۱۲	۲	۲	۱	۴	۰	۳	۰	کرمانشاه	۸	۱	۰	۲	۲	۲	۱	۱	۱	۱	۱
اهواز	۴	۰	۱	۱	۱	۱	۰	۰	خرمآباد	۶	۰	۰	۱	۲	۰	۱	۱	۲	۱	۱
به	۱۰	۰	۲	۰	۳	۱	۲	۲	خوی	۸	۱	۲	۳	۱	۰	۰	۰	۱	۱	۰
بندرعباس	۸	۰	۱	۲	۴	۱	۰	۰	مشهد	۲	۰	۰	۰	۰	۱	۱	۱	۰	۰	۰
بیرجند	۱۰	۱	۱	۱	۲	۱	۲	۲	ارومیه	۱۶	۳	۲	۳	۴	۱	۳	۰	۰	۰	۰
بوشهر	۱۲	۲	۲	۰	۲	۲	۲	۲	قزوین	۱۰	۱	۰	۳	۲	۲	۱	۱	۱	۱	۱
اصفهان	۶	۰	۲	۲	۱	۰	۱	۰	سنندج	۱۲	۰	۲	۲	۲	۲	۲	۲	۲	۲	۲
کرمان	۱۰	۰	۲	۱	۳	۲	۲	۰	شهرکرد	۱۰	۳	۳	۰	۲	۱	۱	۰	۰	۰	۰
سیزوار	۱۲	۲	۱	۳	۴	۰	۱	۱	شیراز	۶	۰	۱	۰	۲	۱	۲	۰	۰	۰	۰
شاھرود	۲	۰	۰	۱	۱	۰	۰	۰	تبریز	۸	۱	۰	۲	۳	۱	۱	۰	۰	۰	۰
تهران	۸	۰	۲	۱	۳	۰	۱	۱	تربت- حیدریه	۱۰	۱	۰	۱	۲	۲	۲	۲	۲	۲	۲
یزد	۶	۲	۲	۰	۰	۰	۱	۱	زنجان	۶	۰	۱	۱	۰	۲	۱	۱	۰	۰	۰
زاهدان	۶	۲	۰	۱	۱	۰	۱	۱	بابلسر	۶	۰	۱	۰	۱	۲	۲	۰	۰	۰	۰
اراک	۲	۰	۰	۰	۰	۱	۰	۱	رامسر	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
همدان	۴	۱	۱	۰	۱	۱	۰	۰	رشت	۶	۰	۰	۱	۱	۲	۲	۰	۰	۰	۰

داده‌های بارندگی بر تبخیر-تعرق، تابع توزيع مناسب‌تر دیگری با مقادیر D_{max} کمتر وجود دارد. برای پایش دقیق‌تر بهتر است مناسب‌ترین تابع توزيع احتمال بر سری داده‌ها برازش یابد.

جدول (۱۱) نتایج حاصل از تغییر فراوانی طبقات مختلف خشکسالی شاخص شناسایی خشکسالی اصلاح‌شده را در دوره آماری موردنطالعه نشان می‌دهد (مقایسه شاخص (ترننت‌وایت-لاگنرمال) و شاخص (روش منتخب-توزيع برتر)). مطابق نتایج این جدول، با کاربرد روش ترننت‌وایت و توزيع لاگنرمال بهجای روش منتخب و توزيع برتر در محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی، ایستگاه کرمان با ۱۸ مورد تغییر فراوانی، دارای بیشترین تغییر و ایستگاه اراك با چهار مورد تغییر فراوانی، دارای کمترین تغییر بودند. در ایستگاه کرمان، همه طبقات و در ایستگاه اراك طبقات خشکسالی متوسط و خشکسالی شدید دست‌خوش تغییر شدند. با توجه به نتایج جدول‌های (۷) و (۹)، تغییر فراوانی ایستگاه اراك متأثر از تغییر روش برآورده تبخیر-تعرق می‌باشد و اعمال همزمان مناسب‌ترین تابع توزيع به همراه انتخاب روش برتر برای تعیین تبخیر-تعرق باعث کم شدن تعداد جایگاهی در طبقات مختلف خشکسالی شده است. در سایر ایستگاه‌ها تغییر فراوانی از شش تا ۱۶ مورد در نوسان است. نتایج جدول (۱۱) مشابه نتایج قبائی‌سوق و مساعدی (۱۳۹۲)، نشان می‌دهد که کاربرد همزمان روش ترننت‌وایت برای برآورد تبخیر-تعرق و تابع توزيع احتمال لاگنرمال در تعیین شاخص شناسایی خشکسالی سبب اختلاف در تعداد فراوانی هر یک از طبقات مختلف خشکسالی می‌شود، که این امر می‌تواند باعث ایجاد خطأ در پایش خشکسالی توسط شاخص مذکور در ایران گردد.

مطابق نتایج این تحقیق، به کارگیری تابع توزيع احتمال لاگنرمال بهجای تابع توزيع احتمال مناسب در محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی در مطالعه قبائی‌سوق و مساعدی (۱۳۹۲) نیز سبب تغییر در فراوانی یک یا چند طبقه از طبقات خشکسالی در همه ایستگاه‌های موردبررسی شد.

اصلاح شاخص شناسایی خشکسالی براساس مناسب‌ترین روش برآورده تبخیر-تعرق و تابع توزيع احتمال

با توجه به نتایج بدست آمده، کاربرد روش رایج محاسبه تبخیر-تعرق (ترننت‌وایت) و تابع توزيع احتمال مرسوم (لاگنرمال) در محاسبه شاخص شناسایی خشکسالی سبب تغییر فراوانی هر یک از طبقات مختلف خشکسالی تعیین شده بر اساس شاخص مذکور خواهد شد. بنابراین مقدار شاخص شناسایی خشکسالی بر اساس برآش مناسب‌ترین توزيع به مقادیر نسبت بارندگی بر تبخیر-تعرق محاسبه شده توسط روش برتر، اصلاح شد (شاخص (روش منتخب-توزيع برتر)). جدول (۱۰) مناسب‌ترین تابع توزيع برآش یافته به داده‌های بارندگی بر تبخیر-تعرق محاسبه شده توسط روش برتر را به همراه مقادیر آماره کلموگروف-اسمیرنوف نشان می‌دهد. بر اساس نتایج آماره کلموگروف-اسمیرنوف در جدول مذکور، مقادیر بارندگی بر تبخیر-تعرق محاسبه شده از روش منتخب، در سطح اعتماد یک و پنج درصد از توزيع‌های مطرح شده به عنوان توزيع برتر پیروی می‌کنند. در این جدول ملاحظه می‌شود که توزيع لاگنرمال در هیچ‌کدام از ایستگاه‌ها به عنوان مناسب‌ترین توزيع مطرح نشده و این امر بدين معنی است که در همه ایستگاه‌ها، برای برآش سری

جدول ۱۰- مناسب‌ترین تابع توزيع احتمال به همراه نتایج آماره کلموگروف-اسمیرنوف برای توزيع برتر برآورده شده از روش منتخب

ایستگاه	مناسب‌ترین توزيع						
آبادان		آبادان		آبادان		آبادان	
اهواز		اهواز		اهواز		اهواز	
هم		هم		هم		هم	
بندرعباس		بندرعباس		بندرعباس		بندرعباس	
پیروزند		پیروزند		پیروزند		پیروزند	
بوشهر		بوشهر		بوشهر		بوشهر	
اصفهان		اصفهان		اصفهان		اصفهان	
کرمان		کرمان		کرمان		کرمان	
سیزوار		سیزوار		سیزوار		سیزوار	
شهرهرو		شهرهرو		شهرهرو		شهرهرو	

رضایی و همکاران: بررسی تأثیر تابع توزیع و روش برآورده تبخیر-تعرق...

جدول ۱۱- تغییرات دفعات وقوع وضعیت‌های مختلف خشکسالی بر مبنای شاخص شناسایی خشکسالی با انتخاب برتین روشن برآورده تبخیر-تعرق و مناسب ترین تابع توزیع احتمال در دوره آماری مورد مطالعه

ایستگاه	۳ ت	۲ ت	۱ ت	ن	خ	۱ خ	۲ خ	۳ خ	مجموع	ایستگاه	۳ ت	۲ ت	۱ ت	ن	خ	۱ خ	۲ خ	۳ خ	مجموع
آبادان									۸	آهواز									۶
خرم آباد	۲	۱	۰	۱	۱	۰	۰	۱	۶	بوشهر									۶
خوی	۰	۱	۱	۳	۲	۰	۱	۱	۶	اصفهان									۶
مشهد	۰	۱	۱	۵	۴	۱	۲	۱	۶	کرمان									۱۰
ارومیه	۱	۱	۲	۲	۰	۱	۱	۱۰	تهران										۸
قزوین	۲	۲	۰	۱	۰	۰	۱	۱۲	یزد										۶
سنندج	۱	۲	۲	۱	۲	۱	۳	۸	زاهدان										۱۰
شهرکرد	۰	۱	۰	۳	۴	۲	۰	۱۸	اراک										۱۰
شیروان	۲	۱	۳	۳	۰	۰	۱	۸	همدان										۱۰
تبیز	۰	۰	۲	۳	۲	۱	۰	۱۶											۸
تریت-حیدریه	۱	۱	۲	۱	۱	۱	۱	۱۲											۸
زنjan	۲	۱	۲	۳	۳	۲	۱	۱۲											۱۰
بابلسر	۰	۰	۲	۲	۰	۰	۲	۶											۸
رامسر	۱	۱	۳	۳	۲	۲	۰	۴											۱۰
رشت	۲	۲	۱	۱	۳	۰	۱	۸											۱۰

جدول ۱۲- تغییرات دفعات وقوع وضعیت‌های مختلف خشکسالی بر مبنای شاخص شناسایی خشکسالی محاسبه شده توسط روشن پمن مانقیث فائو و مناسب ترین تابع توزیع احتمال در دوره آماری مورد مطالعه

ایستگاه	۳ ت	۲ ت	۱ ت	ن	خ	۱ خ	۲ خ	۳ خ	مجموع	ایستگاه	۳ ت	۲ ت	۱ ت	ن	خ	۱ خ	۲ خ	۳ خ	مجموع
آبادان									۶	آهواز									۶
خرم آباد	۲	۱	۰	۳	۲	۲	۲	۶	بوشهر										۶
خوی	۰	۰	۰	۱	۰	۲	۱	۸	اصفهان										۶
مشهد	۱	۰	۱	۰	۳	۱	۱	۸	کرمان										۷
ارومیه	۱	۱	۳	۴	۱	۱	۱	۸	سیزوار										۸
قزوین	۰	۰	۲	۳	۲	۰	۱	۴	زاهدان										۸
سنندج	۱	۰	۱	۱	۲	۱	۲	۱۲	تهران										۸
شهرکرد	۰	۲	۱	۲	۰	۲	۱	۴	یزد										۸
شیروان	۰	۰	۲	۲	۱	۲	۱	۸	زاهدان										۸
تبیز	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۴	اراک										۸
تریت-	۱	۰	۳	۳	۰	۱	۰	۶	همدان										۱۰
حیدریه	۰	۱	۰	۳	۴	۰	۱	۸											۱۰
زنjan	۱	۱	۰	۳	۴	۰	۱	۸											۱۰
بابلسر	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۶											۰
رامسر	۰	۱	۳	۱	۲	۱	۰	۰											۸
رشت	۰	۲	۴	۱	۱	۱	۱	۱۲											۱۰

استفاده قرار داد، اما در ایستگاه‌های دیگر، خصوصاً ایستگاه‌های اصفهان، همدان، خرم‌آباد و ارومیه، باید حتی الامکان از روشن استاندارد برای برآورده تبخیر-تعرق در تعیین شاخص شناسایی خشکسالی استفاده نمود.

جدول (۱۲) نشان‌دهنده مقدار تغییر فراوانی طبقات خشکسالی تعریف شده بر اساس شاخص (روشن استاندارد-توزیع برتر) و شاخص (روشن متینخ-توزیع برتر) می‌باشد. نتایج این جدول نشان می‌دهد که در ایستگاه‌های اراک، تبریز و بابلسر، می‌توان روشن‌های اشاره شده به عنوان روشن برتر را با اطمینان برای تعیین تبخیر-تعرق مورد

تابع توزیع در تعیین شاخص شناسایی خشکسالی در ایستگاه ارومیه،
تغییر در تمامی طبقات خشکسالی را در پی داشت.

بررسی همزمان اثر بخشی تابع توزیع احتمال و روش برآورد تبخیر-تعرق در تعیین شاخص شناسایی خشکسالی نشان داد که تأثیر توزیع برآش یافته به مقادیر نسبت بارندگی بر تبخیر-تعرق بیشتر از تأثیر روش برآورد تبخیر-تعرق می‌باشد.

استفاده از مناسبترین تابع توزیع احتمال و برترین روش برآورد تبخیر-تعرق در تعیین شاخص شناسایی خشکسالی، باعث تغییر فراوانی طبقات خشکسالی در همه ایستگاه‌ها از حداقل چهار مورد تا حداقل ۱۸ مورد گردید.

در نهایت با توجه به نتایج حاصل می‌توان بیان داشت که برای افزایش دقت در پایش خشکسالی توسط شاخص شناسایی خشکسالی در ایران، داده‌های ایستگاه‌های واقع در اقلیم‌های خشک و نیمه‌خشک باید بر اساس شرایط مرجع اصلاح شوند و سپس با برآش تابع توزیع مناسب به مقادیر بارندگی بر تبخیر-تعرق مقدار شاخص شناسایی خشکسالی برآورد شود. برای محاسبه تبخیر-تعرق در ۹۰ درصد ایستگاه‌ها، باید در صورت امکان از روش استاندارد استفاده شود و در صورت نبود آمار مربوطه، روش برتر می‌تواند جایگزین مناسبی برای روش استاندارد باشد.

نتیجه‌گیری

برای تعیین شاخص شناسایی خشکسالی در تحقیق حاضر سعی شده است با انتخاب روشی مناسب با مقادیر نزدیکتر به روش استاندارد پنمن‌ماتیش‌فانو برای برآورد تبخیر-تعرق و برآش تابعی مناسب به مقدار نسبت بارندگی بر تبخیر-تعرق، دقت این شاخص برای پایش دقیق‌تر خشکسالی در ایستگاه‌های مختلف ایران افزایش یابد. بر این اساس، از آمار ۳۰ ایستگاه سینوپتیک ایران استفاده شده و مقدار شاخص بر اساس پنج تعریف مختلف محاسبه و نتایج ذیل حاصل شد:

تغییر روش محاسبه تبخیر-تعرق (از روش ترنت‌وایت به روش برتر)، منجر به حداقل دو مورد تغییر فراوانی و یا جابجایی طبقات مختلف خشکسالی در همه ایستگاه‌ها گردید. به طوری که این تغییر،

تمام طبقات خشکسالی در ایستگاه شاهروд را تحت تأثیر قرار داد. به کارگیری مناسب‌ترین تابع توزیع احتمال به جای تابع توزیع احتمال لاغ‌نرمال برای برآش مقادیر بارندگی بر تبخیر-تعرق، در همه ایستگاه‌ها جز ارک، باعث تغییر دفعات وقوع هر یک از وضعیت‌های خشکسالی شد. به گونه‌ای که به کارگیری مناسب‌ترین

منابع

- ۱- شکوهی، ع. ۱۳۹۱. مقایسه شاخص‌های RDI و SPI برای تحلیل خشکسالی در مقیاس ایستگاهی با تکیه بر خشکسالی کشاورزی (مطالعه موردی: قزوین و تاکستان). فصلنامه مهندسی آبیاری و آب، ۹(۳): ۱۲۲-۱۱۱.
- ۲- علیزاده، ا.، خانجانی، م.، ج.، تراز، ح. و م. ح. رهنورد. ۱۳۸۵. بررسی اثرات اصلاح داده‌های دما بر دقت محاسبات تبخیر و تعرق و مقایسه‌ی آن با نتایج بدست آمده از لایسیمتر وزنی. مجله جغرافیا و توسعه ناحیه‌ای، ۶: ۹۹-۹۱.
- ۳- قبائی‌سوق، م. و ا. مساعدي. ۱۳۹۲. اصلاح شاخص خشکسالی RDI بر اساس مناسب‌ترین روش برآورد تبخیر و تعرق پتانسیل و تابع توزیع احتمال. مجله مرتع و آبخیزداری، ۴(۶۶): ۵۸۲-۵۶۵.
- ۴- محمدیان، آ.، علیزاده، ا. و س. جوانمرد. ۱۳۸۴. محاسبه میزان فرابرآورد تبخیر-تعرق مرجع با استفاده از داده‌های ایستگاه‌های هواشناسی غیرمرجع در ایران. مجله تحقیقات مهندسی کشاورزی، ۶(۲۳): ۸۴-۷۶.
- 5- Asadi, A. and S.F. Vahdat. 2013. The efficiency of meteorological drought indices for drought monitoring and evaluating in Kohgilouye and Boyerahmad province, Iran. International Journal of Modern Engineering Research (IJMER), 3(4):2407-2411.
- 6- Asadi Zarch, M. A., Malekinezhad, H., Mobin, M. H., Dastorani, M. T. and M. R. Kousari. 2011. Drought monitoring by Reconnaissance Drought Index (RDI) in Iran. Journal of Water Resources Management, 25 (13):3485-3504.
- 7- Al-Ghabari, H. M. 2000. Estimation of reference evapotranspiration for southern region of Saudi Arabia. Journal of Irrigation Science, 19:81–86.

رضاei و همکاران: بررسی تأثیر تابع توزیع و روش برآورد تبخیر-تعرق...

- 8- Bakhtiari, B., Ghahreman, N., Liaghat, A.M. and G. Hoogenboom. 2011. Evaluation of reference evapotranspiration models for a semiarid environment using lysimeter measurements. *Journal of Agricultural Science and Technology*, 13:223-237.
- 9- Borg, D. S. 2009. An application of drought indices in Malta, Case Study. *Journal of European Water*, 25/26:25-38.
- 10- Djaman, K., Balde, A. B., Sow, A., Muller, B., Irmak, S., N'Diaye, M. K., Manneh, B., Moukoumbi, Y. D., Futakuchi, K. and K. Saito. 2015. Evaluation of sixteen reference evapotranspiration methods under sahelian conditions in the Senegal River Valley. *Journal of Hydrology: Regional Studies*, 3:139-159.
- 11- Heydari, M. M., Nasiri Noushabadi, R., Vahedi, M., Abbasi, A. and M. Heydari. 2013. Comparison of evapotranspiration models for estimating reference evapotranspiration in arid environment. *Middle-East Journal of Scientific Research*, 15(9):1331-1337.
- 12- Khalili, D., Farnoud, T., Jamshidi, H., Kamgar-Haghghi, A. A. and S. Zand-Parsa. 2011. Comparability analyses of the SPI and RDI meteorological drought indices in different climatic zones. *Journal of Water Resources Management*, 25(6):1737-1757.
- 13- Oudin, L., Moulin, L., Bendjoudi, H. and P. Ribstein. 2010. Estimating potential evapotranspiration without continuous daily data: possible errors and impact on water balance simulations. *Journal of Hydrological Sciences*, 55(2):209-222.
- 14- Priestley, C. H. B. and R. J. Taylor. 1972. On the assessment of surface heat flux and evaporation using large scale parameters. *Monthly Weather Reviews*, 80:81-92.
- 15- Racz, C., Nagy, J. and A. C. Dobos. 2013. Comparison of several methods for calculation of reference evapotranspiration. *Journal of Acta Silvatica et Lignaria Hungarica*, 9:9–24.
- 16- Ravazzani, G., Corbari, C., Morella, S., Gianoli, P. and M. Mancini. 2012. Modified Hargreaves-Samani equation for the assessment of reference evapotranspiration in Alpine river basins. *Journal of Irrigation and Drainage Engineering*, 138:592-599.
- 17- Shamsnia, S. A. 2014. Comparison of Reconnaissance Drought Index (RDI) and Standardized Precipitation Index (SPI) for drought monitoring in arid and semiarid Regions. *Indian Journal of Fundamental and Applied Life Sciences*, 4(3):39-44.
- 18- Steele, D. D., Sajid, A. H. and L. D. Prunty. 1996. New corn evapotranspiration crop curves for southeastern North Dakota. *Journal of Transactions of the ASAE*, 39(3):931-936.
- 19- Tsakiris, G. and H. Vangelis. 2005. Establishing a drought index incorporating evapotranspiration. *Journal of European Water*, 9/10:3-11.
- 20- Tsakiris, G., Pangalou, D. and H. Vangelis. 2007. Regional drought assessment based on the reconnaissance drought index (RDI). *Journal of Water Resources Management*, 21(5):821-833.
- 21- Tukimat, N. N. A., Harun, S. and S. Shahid. 2012. Comparison of different methods in estimating potential evapotranspiration at Muda irrigation scheme of Malaysia. *Journal of Agriculture and Rural Development in the Tropics and Subtropics*, 113(1):77–85.
- 22- Vangelis, H., Tigkas, D., and G. Tsakiris. 2013. The effect of PET method on Reconnaissance Drought Index (RDI) calculation. *Journal of Arid Environments*, 88:130-140.
- 23- Xu, C. Y. and V. P. Singh. 2001. Evaluation and generalization of temperature-based methods for calculating evaporation. *Journal of Hydrological Processes*, 15:305–319.

- 24- Xu, C. Y. and V. P. Singh. 1998. Dependence of evaporation on meteorological variables at different time-scales and intercomparison of estimation methods. *Journal of Hydrological Processes*, 12:429-442.
- 25- Zehtabian, G., Karimi, K., Nakhaee Nezhad Fard, S., Mirdashtvan, M. and H. Khosravi. 2013. Comparability analyses of the SPI and RDI meteorological drought indices in South Khorasan province in Iran. *International Journal of Advanced Biological and Biomedical Research*, 1(9):981-992.